

$$\frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

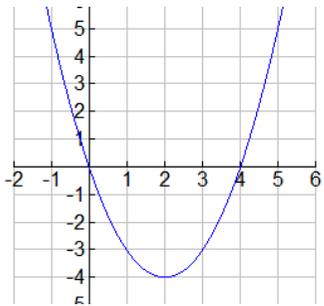
Mittlere
Änderungsrate
im
Intervall
[x₀; x₀+h]

Differenzen-
quotient

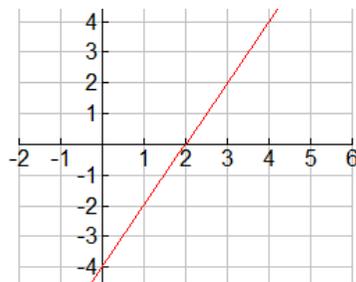
$$\frac{\Delta f}{\Delta x}$$

$$f(x) = x^3 - x$$

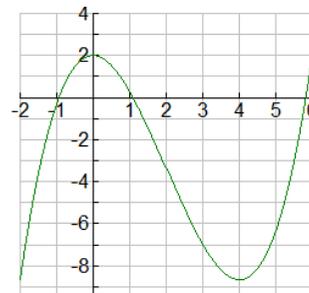
Funktion



1.Ableitung

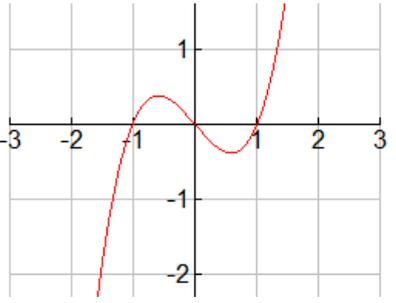
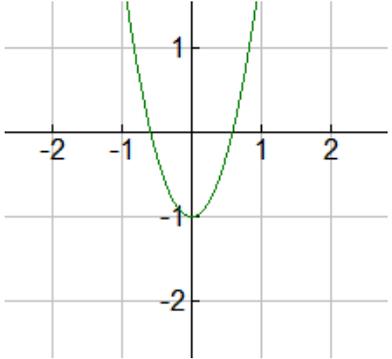
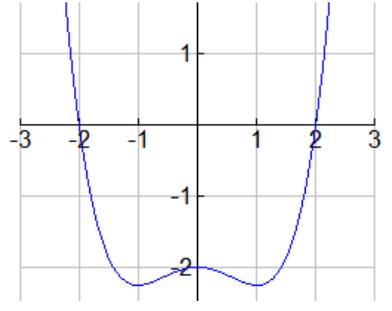
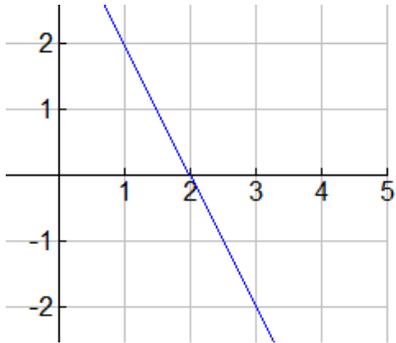
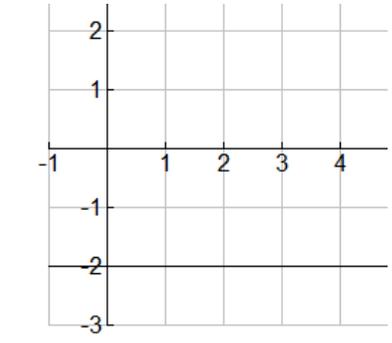
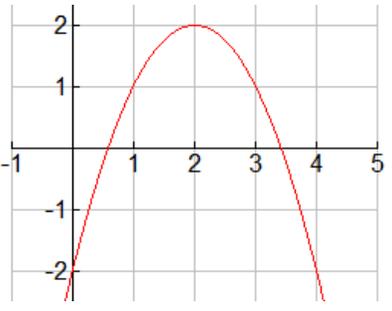


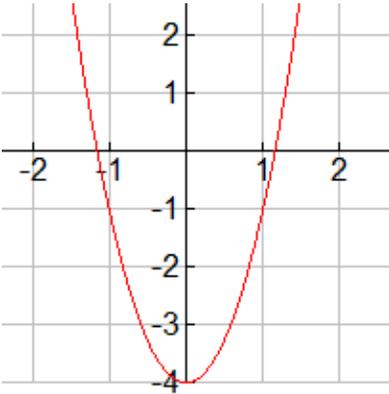
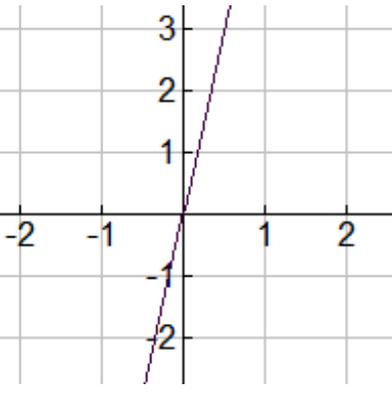
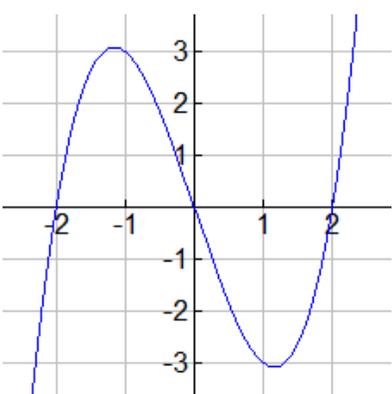
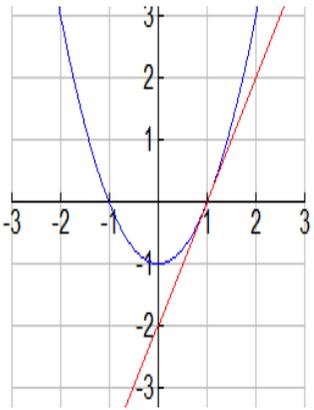
Stammfunktion



Die Funktion
2.Grades
hat einen
Tiefpunkt
bei x=2

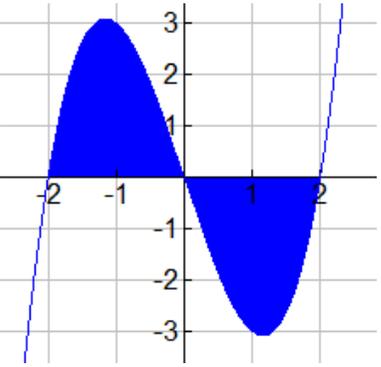
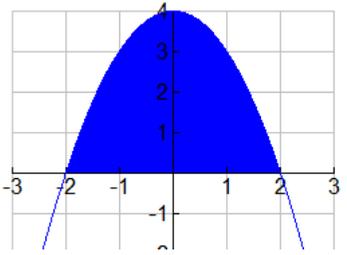
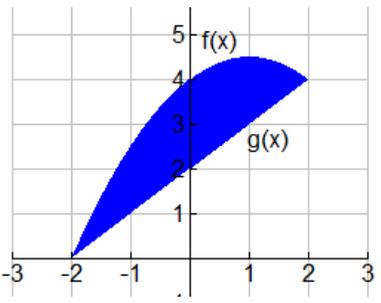
$$f'(x) = 3x^2 - 1$$

<p style="text-align: center;">Funktion</p> 	<p style="text-align: center;">1.Ableitung</p> 	<p style="text-align: center;">Stammfunktion</p> 	<p>Die Funktion 3.Grades hat einen Wendepunkt bei $x=0$</p> <p>die 1.Ableitung hat ein Extremum bei $x=0$</p>	$f''(x) = 6x$
<p style="text-align: center;">Funktion</p> 	<p style="text-align: center;">1.Ableitung</p> 	<p style="text-align: center;">Stammfunktion</p> 	<p>Die Funktion 1.Grades hat eine Nullstelle</p>	$F(x) = \frac{x^4}{4} - \frac{x^2}{2}$

<p style="text-align: center;">Funktion</p> 	<p style="text-align: center;">1.Ableitung</p> 	<p style="text-align: center;">Stammfunktion</p> 	<p style="text-align: center;">Die Funktion 2.Grades ist symmetrisch bezüglich der y-Achse</p> <p style="text-align: center;">die 1.Ableitung und die Stammfunktion sind ursprungssymmetrisch</p>	$\int_{-2}^2 [f(x) - g(x)] \cdot dx$ <p style="text-align: center;">3</p>
	<p style="text-align: center;">Tangente zeichnen bei x=1</p>	<p style="text-align: center;">Momentane Änderungsrate bei x=1</p>	<p style="text-align: center;">Differenzial- quotient $\frac{df}{dx}$</p> <p style="text-align: center;">bei x=1</p>	$\int_{-2}^2 f(x) \cdot dx - 4 \cdot 2$ <p style="text-align: center;">3</p>

<p>Die Ableitung der Wegstrecken-funktion des senkrechten Wurfs mit Anfangsgeschwindigkeit 30 m/s und Starthöhe 100 m $s(t) = 100+30t-5t^2$</p>	<p>ergibt die Geschwindigkeits-funktion $v(x) = 30-10t$</p> <p>Die Ableitung der Geschwindigkeits-funktion</p>	<p>ergibt die Beschleunigungs-funktion $s(t) = -10$</p> <p>Die Maximalweite</p>	<p>ergibt sich aus der Ableitung der Wegstrecken-funktion und dann Null setzen: $s'(t) = 30-10t = 0$</p>	<p>Durch Einsetzen des x-Wertes in die 1.Ableitung $f'(\dots) = k$</p> <p>erhält man die Steigung der Funktion</p>
<p>Eine Kostenfunktion steigt mit steigender Stückzahl und beginnt mit Fixkosten (100 €) $K(x) = 0,001x^3+x+100$</p>	<p>Die Preisfunktion eines Monopolisten fällt mit steigender Stückzahl $p(x) = 180 - x$</p>	<p>Die Erlösfunktion ergibt sich aus der Preisfunktion mal Stückzahl: $E(x) = (180-x) \cdot x$</p>	<p>Die Gewinnfunktion ergibt sich aus der Differenz zwischen Erlös und Kosten $G(x) = E(x) - K(x)$ $= (180x-x^2)-(0,01x^3+x+100)$ $= -0,01x^3-x^2+179x-100$</p>	<p>Durch Einsetzen des x-Wertes in die 2.Ableitung erhält man ein Vorzeichen. $f''(\dots) = 0,+,-$</p> <p>Das Vorzeichen bestimmt die Krümmung</p>

<p>50 Stück der Produktion kosten $K(50) = 0,01 \cdot 50^2 + 100$ $= 125 \text{ €}$</p> <p>Die minimale Kostensteigerung pro Stück erhält man</p>	<p>durch Nullsetzen der 2. Ableitung $K''(x) = 0,006x$</p> <p>Den maximalen Erlös erhält man</p>	<p>durch Nullsetzen der 1. Ableitung $E'(x) = 180 - 2x$</p> <p>Den maximalen Gewinn erhält man</p>	<p>durch Nullsetzen der 1. Ableitung $G'(x) = -0,03x^2 - 2x + 179$ $= 0$</p> <p>und dann Einsetzen in die Gewinnfunktion</p>	<p>Durch Einsetzen des x-Wertes in die Funktion erhält man den y-Wert des PUNKTES</p> <p>$f(\dots) = y$</p>
<p>Eine Funktion liefert die y-Werte von PUNKTEN $y = f(x)$</p> <p>Nullstellen erhält man durch</p>	<p>Nullsetzen der Funktion $f(x) = 0$</p> <p>Extremwerte erhält man durch</p>	<p>Nullsetzen der 1. Ableitung $f'(x) = 0$</p> <p>Wendepunkte erhält man durch</p>	<p>Nullsetzen der 2. Ableitung $f''(x) = 0$</p> <p>Die Steigung dazu erhält man</p>	<p>Durch zweimaliges Einsetzen des x-Wertes in die Stammfunktion erhält man die Fläche</p> <p>$F(x_2) - F(x_1)$</p> <p>$= \int_{x_1}^{x_2} f(x) \cdot dx$</p>

<p style="text-align: center;">Fläche</p>  <p style="text-align: center;">1</p>	<p style="text-align: center;">Fläche</p>  <p style="text-align: center;">2</p>	<p style="text-align: center;">Fläche</p>  <p style="text-align: center;">3</p>	$\left \int_{-2}^0 f(x) \cdot dx \right +$ $+ \left \int_0^2 f(x) \cdot dx \right $ <p style="text-align: center;">1, (2)</p>	$-2 \cdot \int_0^2 f(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">1</p>
$\int_{-2}^0 f(x) \cdot dx -$ $- \int_0^2 f(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">1</p>	$\int_{-2}^2 f(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">2</p>	$\int_{-2}^2 f(x) \cdot dx -$ $- \int_{-2}^2 g(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">3</p>	$\int_{-2}^0 f(x) \cdot dx +$ $\int_0^2 f(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">2</p>	$2 \cdot \int_0^2 f(x) \cdot dx$ <p style="text-align: center;">2</p>